

**Бланк ответа на кейс-задание
(5 баллов)**

*Используйте для записи только отведённое для каждого вопроса место.
Не пишите на бланке свое имя, фамилию или другие сведения, которые могут
указывать на авторство работы.*

Никаких пометок в бланке ответов быть не должно!

В асимметричной схеме шифрования RSA, используемой в качестве электронной подписи, каждый абонент имеет ключевую пару, в которую входит секретный ключ, используемый для подписывания сообщений, и открытый ключ – для проверки подписей. При этом любой желающий может проверить подпись, используя открытый ключ адресата, а для корректной выработки подписи потребуется знание секретного ключа, который, согласно схеме, известен лишь одному лицу.

Для обеспечения такой системы используются следующие математические операции.

- 1) Желающий сформировать ключевую пару абонент выбирает два простых числа – p и q . Далее вычисляется их произведение $N = p \cdot q$.
- 2) Для полученного произведения вычисляется значения функции Эйлера, $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$.
- 3) Выбирается натуральное число e , большее 1 и меньшее $\varphi(n)$, не имеющее общих делителей (взаимно простое) с $\varphi(n)$.
- 4) Отправитель для выработки подписи сообщения m должен вычислить остаток от деления числа m^d на n (или найти m^d по модулю n , записывается $(\text{mod } n)$), где d – секретная степень, вычисленная так, чтобы выполнялось условие: $d \cdot e \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}$, то есть произведение e и d равнялось 1 по модулю значения $\varphi(n)$. Число d вместе с исходными p и q хранится в секрете и составляет секретный ключ.
- 5) Получатель для проверки подписи сообщения m , являющегося целым числом от 1 до n , должен возвести его подписанное значение m^d в степень e также по модулю n . Пара (e, n) составляет открытый ключ, служащий для проверки подписи.

Пусть $p = 13$ и $q = 23$.

А) Создайте открытый ключ по описанному выше алгоритму. (1 балл)

Б) Вычислите секретное значение d . (2,5 балла)

В) Подпишите сообщение $m = 17$ при помощи полученной ключевой пары. Проверьте получившуюся подпись, отразите ход подписи и проверки. (1,5 балла)
